

LUDWIG-MAXIMILIANS-UNIVERSITÄT MÜNCHEN

MATHEMATISCHES INSTITUT



Wintersemester 16/17 09.11.2016

Priv.-Doz. Dr. Josef Berger Dr. Iosif Petrakis

## Logik

Blatt 4

 $\phi^{\circ}$  ist die Gödel-Übersetzung von  $\phi$ .

**Aufgabe 1.** Für alle Formeln  $\phi$  gilt

$$\phi[t/v]^{\circ} = \phi^{\circ}[t/v].$$

**Aufgabe 2.** Für alle Formeln  $\phi$  gilt

$$\vdash \phi \leftrightarrow \phi^{\circ}$$
.

Aufgabe 3. Man zeige:

(i) 
$$\vdash_m \neg \neg (\sigma \to \psi) \to (\neg \neg \sigma \to \neg \neg \psi)$$
.

(ii) 
$$\vdash_i (\neg \neg \sigma \rightarrow \neg \neg \psi) \rightarrow \neg \neg (\sigma \rightarrow \psi)$$
.

 $\mathbf{Aufgabe}\ \mathbf{4.}\ \mathrm{Seien}\ f$  ein einstelliges Funktionszeichen und 0 eine Konstante. Wir definieren

$$LPO := \forall x (f(x) \neq 0) \lor \exists x (f(x) \doteq 0),$$

$$WLPO := \forall x (f(x) \neq 0) \lor \neg \forall x (f(x) \neq 0),$$

$$MP := \neg \forall x (f(x) \neq 0) \to \exists x (f(x) \doteq 0).$$

Man zeige:

- (a) LPO  $\vdash_i$  MP.
- (b) LPO  $\vdash_m$  WLPO.
- (c)  $\{MP, WLPO\} \vdash_m LPO$ .

Abgabe. Donnerstag, 17. November 2016.

Besprechung. Freitag, 18. November 2016, in der Übung.