

Lineare Algebra und analytische Geometrie I

1. Übungsblatt

Aufgabe Ü-1 (Staatsexamen Herbst 2008). Für welche Wahl von $\alpha, \beta \in \mathbb{R}$ besitzt das lineare Gleichungssystem

$$\begin{aligned}2x_1 + x_2 &= 0 \\x_1 + 2x_2 + x_3 &= 0 \\x_2 + 2x_3 + x_4 &= 0 \\x_3 + \alpha x_4 &= \beta\end{aligned}$$

- a) genau eine Lösung, b) keine Lösung, c) mehrere Lösungen?

Man gebe im Fall c) alle Lösungen an.

Aufgabe Ü-2 (Staatsexamen Frühjahr 2005). Gegeben sei das lineare Gleichungssystem

$$\begin{aligned}x_1 + x_2 + sx_3 &= 2 \\x_1 + sx_2 + x_3 &= -1 \\sx_1 + x_2 + x_3 &= -1\end{aligned}$$

Man berechne in Abhängigkeit von s alle reellen Lösungen.

Aufgabe Ü-3 (Staatsexamen Herbst 2003). Gegeben sei die Matrix

$$A = \begin{pmatrix} 1 & 4 & 1 & 0 \\ -1 & -2 & 0 & 0 \\ 1 & 4 & 2 & 2 \\ -1 & -2 & 1 & 2 \end{pmatrix} \in \mathbb{R}^{4 \times 4} \quad \text{sowie} \quad b_0 = \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \\ 1 \\ 1 \end{pmatrix} \in \mathbb{R}^4.$$

- a) Man bestimme ein $b \in \mathbb{R}^4$, so daß das durch $(A|b)$ gegebene Gleichungssystem keine Lösung besitzt.
- b) Gibt es ein $b \in \mathbb{R}^4$, so daß das durch $(A|b)$ gegebene Gleichungssystem genau eine Lösung besitzt? (Begründung!)
- c) Man löse das durch $(A|b_0)$ gegebene lineare Gleichungssystem.